

Objectifs : Définition de la translation qui transforme un point A du plan en un point B. Vecteur \overrightarrow{AB} associé.

Egalité de 2 vecteurs. $\vec{u} = \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$. Savoir que $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ équivaut à ABDC est un parallélogramme.

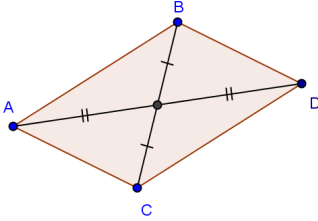
Relation de Chasles. Construire géométriquement la somme de 2 vecteurs.
Coordonnées d'un vecteur, coordonnées de la somme.

1) TRANSLATION

Définition : Soient A et B deux points distincts du plan. A tout point C du plan, on associe, par la **translation qui transforme A en B**, l'unique point D tel que [AD] et [BC] ont le même milieu.

1^{er} cas : $C \notin (AB)$

D est le point tel que ABDC est un parallélogramme



2^{ème} cas : $C \in (AB)$

On dit que ABDC est un parallélogramme aplati.

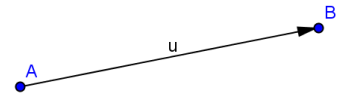


Définition : La translation qui transforme A en B est appelée **translation de vecteur \overrightarrow{AB}** .

Les points A et B pris dans cet ordre et les points C et D pris dans cet ordre représentent le même vecteur qui peut se noter avec une petite lettre u :

$$\vec{u} = \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$$

Représentation



Exercice 1 : Construire un triangle ABC quelconque.

- La translation qui transforme A en B, transforme C en D. Construire le point D.
- La translation qui transforme A en C, transforme B en E. Construire le point E.

2) VECTEURS EGAUX

Définitions : un vecteur est défini par une direction, un sens, et une distance. $\vec{u} = \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$

Remarque : Il existe une infinité de façons de représenter le vecteur \vec{u} car on peut le tracer en chaque point du plan.

A = Origine du vecteur \overrightarrow{AB} ; B = extrémité du vecteur \overrightarrow{AB} .

Rq : $\overrightarrow{AA} = \vec{0}$ = vecteur nul ; distance $AB = \|\overrightarrow{AB}\|$ norme du vecteur ; $-\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BA}$

Egalité vectorielle : On dit que deux vecteurs sont **égaux** lorsqu'ils ont même direction, même sens et même longueur.

$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ équivaut à ABDC est un parallélogramme (éventuellement aplati).

$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ équivaut à $t_{\overrightarrow{AB}}(C) = D$, D est le translaté de C par la translation de vecteur \overrightarrow{AB} .

$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ alors les segments [AD] et [BC] ont le même milieu.

Exercice 2 : On considère ABC un triangle quelconque, tel que I, J et K soient les milieux respectifs des côtés [AB], [BC] et [CA]. Donner deux vecteurs égaux à \overrightarrow{AI} . Donner deux vecteurs opposés à \overrightarrow{AK} .

Exercice 3 : Construire deux parallélogrammes ABCD et ABEF. Démontrer que DCEF est un parallélogramme.

3) COORDONNEES de vecteurs dans le plan :

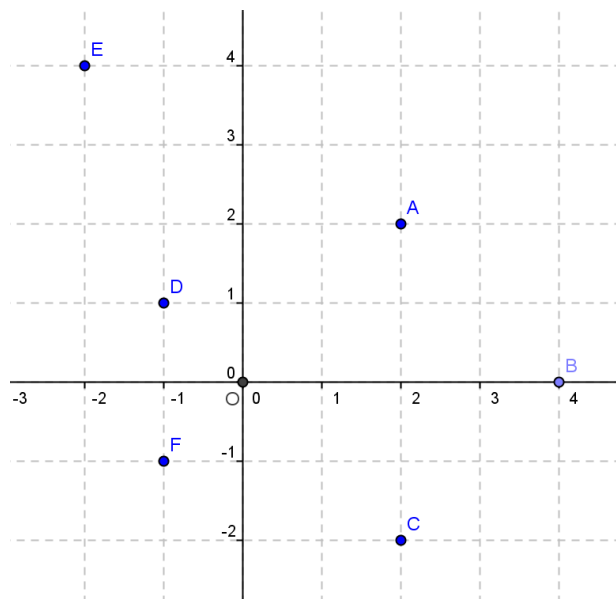
- Calculs : Si on a dans un repère : A ($x_A ; y_A$) et B ($x_B ; y_B$) alors $\overrightarrow{AB} (x_B - x_A ; y_B - y_A)$
« extrémité moins origine »
- Dans un repère quelconque $\vec{u} (x ; y)$ et $\vec{v} (x' ; y')$; $\vec{u} = \vec{v}$ équivaut à $x = x'$ et $y = y'$

Exercice 4 :

Sur le graphique ci-contre, lire graphiquement les coordonnées des vecteurs

\overrightarrow{OA} , \overrightarrow{OB} , \overrightarrow{OC} , \overrightarrow{OD} , \overrightarrow{OE} et \overrightarrow{OF}

Et \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{AC} , \overrightarrow{CE} , \overrightarrow{FD} , \overrightarrow{CB}



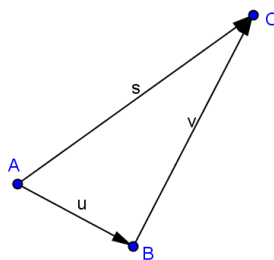
Exercice 5 : Dans un repère, on donne les points :

A(2 ; -3), B(-1 ; 5) et C(4 ; 6).

- Calculer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{AC} et \overrightarrow{BC} .
- Déterminer les coordonnées du point D tel que ABCD soit un parallélogramme.

4) ADDITION de vecteurs :

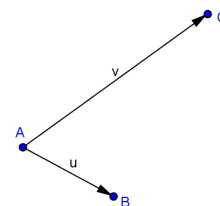
- Définition** : La somme de deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} est le vecteur \vec{s} associé à la translation résultant de l'enchaînement des translations de vecteur \vec{u} et de vecteur \vec{v} . On note : $\vec{s} = \vec{u} + \vec{v}$
- Si dans un repère quelconque $\vec{u} (x ; y)$ et $\vec{v} (x' ; y')$ alors $\vec{u} + \vec{v} (x+x' ; y+y')$
- Relation de CHASLES** : Pour 3 points A, B et C distincts, on a $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$



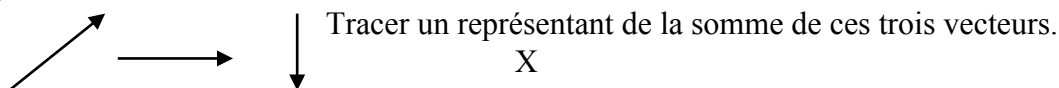
Exercice 6 : Simplifier l'écriture de $\overrightarrow{CD} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DE} + \overrightarrow{BC} - \overrightarrow{FE}$

- Règle du parallélogramme** : pour ajouter 2 vecteurs de même origine. Construire le point D tel que ABDC soit un parallélogramme.

$$\text{Alors } \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AD}$$



- Somme de vecteurs quelconques** : « les mettre bout à bout » (à l'extrémité de l'un, placer l'origine de l'autre)



Exercice 7 : ABCD est un parallélogramme. Construire les points E, M, N et P définis par : $\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{DC}$; $\overrightarrow{BM} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BD}$; $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}$ et $\overrightarrow{DP} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CB}$.